

CRPE 2018 mathématiques groupement 1 corrigé

Corrigé du sujet de maths du CRPE 2018 groupement 1 (non officiel).

Première partie

Exercice 1

Partie A

1/ a) R15 : 15 pouces

$$15 \times 2,54 = 38,1 \text{ cm}$$

La jante fait 38,1 cm de diamètre.

b) 195/65 : largeur de 195 mm

$$\text{hauteur} = 65\% \text{ de la largeur} = (65/100) \times 195 = 126,75 \text{ mm} = 12,675 \text{ cm}$$

La hauteur du pneu est bien de 12,675 cm.

$$\text{c) diamètre total} = \text{diamètre de la jante} + 2 \times \text{hauteur} = 38,1 + 2 \times 12,675 = 63,45 \text{ cm}$$

Le diamètre total de la roue est de 63,45 cm.

2/ largeur : 20,5 cm soit 205 mm

charge maximale : 412 kg d'où un indice de poids de 77.

vitesse maximale de 270 km/h d'où un indice de vitesse W.

diamètre de la jante de 40,64 cm soit $40,64 / 2,54 = 16$ pouces

$$2 \times \text{hauteur du pneumatique} = 63,19 - 40,64 = 22,55 \text{ d'où hauteur} = 22,55 / 2 = 11,275 \text{ cm}$$

Hauteur de 11,275 cm pour une largeur de 20,5 cm, la hauteur représente donc $(11,275 / 20,5) \times 100 = 55\%$ de la largeur.

Informations inscrites sur le pneu : 205/55 R16 77 W

Partie B

$$1/ 90 \text{ km / h soit } 90000 \text{ m / h soit } 90000 \text{ m / } 3600 \text{ s d'où } (90000 / 3600) = 25 \text{ m/s}$$

$$d_A = 25 \times 0,75 + 0,14 \times 25^2 = 106,25 \text{ m}$$

La distance d'arrêt pour un véhicule roulant à 90 km/h sur route mouillée est de **106,25 mètres**.

$$2/ d_A = V \times t_R + kV^2 \text{ n'est pas une fonction linéaire de la forme } d_A = k V.$$

Donc d_A n'est pas proportionnelle à V .

Autre possibilité : on calculait la distance d'arrêt pour 45 km/h et montrer qu'elle n'était pas égale à la moitié de celle trouvée en B/1.

3/ a) **101 m**

b) $57,7 - 16,7 = 41 \text{ m}$

c) **6,76 s**

d) **120 km/h**

e) $27,8 \times 3,6 = 100,08$ soit environ 100 km/h. A cette vitesse la distance d'arrêt est de 85,4 m donc **oui il pourra s'arrêter.**

Partie C

1/ Circonférence = $2 \pi r = 2 \times \pi \times (54/2) = 169,6 \text{ cm}$

La circonférence de la roue est de 169,6 cm soit 1,696 m.

2/ a) $110/3,6 = 30,56 \text{ m/s}$ et $30,56 / 1,696 = 18$.

La roue fait 18 tours en 1 seconde.

b) 24 images par seconde soit 1 image tous les $1/24$ ème de seconde.

$18 \times (1/24) = 0,75$

Entre deux images le pneu aura fait 0,75 tour.

c) On notera qu'il y a plusieurs vitesses possibles pour cette question. Pour qu'on ait l'impression que la roue ne tourne pas il faut qu'un rayon se retrouve à la position d'un autre rayon à chaque image (elle peut donc faire $1/5^{\text{ème}}$ de tour à chaque image, $2/5^{\text{ème}}$ de tour, ... ou un tour complet à chaque image).

Cas 1 : on aura l'impression que les roues ne tournent pas si à chaque image un rayon se retrouve le précédent. Il faut donc que la roue fasse $1/5$ de tour à chaque image.

$1/5 \text{ tour} = (1/5) \times 1,696 = 0,3392 \text{ m} \rightarrow (1/24) \text{ seconde}$

$0,3392 \times 24 = 8,1408 \text{ m} \rightarrow 1 \text{ seconde}$ puis $8,1408 \times 3,6 = 29,3 \text{ km/h}$

La voiture devrait rouler à 29,3 km/h pour qu'on ait l'impression que les roues ne tournent pas.

Cas 2 : on aura l'impression que les roues ne tournent pas si à chaque image le pneu se retrouve à la position précédente c'est-à-dire qu'il fasse un tour à chaque image donc 1 tour tous les $1/24$ ème de seconde.

1 tour $\rightarrow (1/24) \text{ seconde}$ soit 24 tours $\rightarrow 1 \text{ seconde}$

$24 \times 1,696 = 40,704 \text{ m} \rightarrow 1 \text{ seconde}$ puis $40,704 \times 3,6 = 146,53 \text{ km/h}$

La voiture devrait rouler à environ 146,5 km/h pour qu'on ait l'impression que les roues ne tournent pas.

Deuxième partie

Exercice 1

$$1/ V_{SILO} = V_{CYLINDRE} + V_{CÔNE} = \pi AB^2 x DA + \frac{\pi AB^2 x SA}{3} = \mathbf{15,57 \text{ m}^3}.$$

$$2/ (6/7) \times 15,57 = 13,35 \text{ m}^3 \text{ et } 1 \text{ m}^3 = 1000\text{L}.$$

Il y a donc 13 350 L de farine d'orge dans le silo.

Une vache mange 3L en 1 jour donc 48 vaches mangent $48 \times 3 = 144$ L en 1 jour.

$$144 \times 90 = 12960.$$

Les vaches auront besoin de 12690 L pour les 90 jours et il y a 13350 L dans le silo donc **il y aura assez de farine.**

$$3/ \text{On a } BH = AS = 1,6 \text{ m ; } BC = DA = 2,4 \text{ m et } CH = 2,4 + 1,6 = 4 \text{ m}.$$

$$MN = SN - SM = 3,3 - 2,1 = 1,2 \text{ m ; } SH = AB \text{ et } HM = SM - SH = 2,1 - 1,3 = 0,8 \text{ ainsi } HN = 1,2 + 0,8 = 2 \text{ m}.$$

$$\text{On calcule } \frac{HB}{HC} = \frac{1,6}{4} = 0,4 \text{ et } \frac{HM}{HN} = \frac{0,8}{2} = 0,4$$

Les points C, B et H sont alignés ainsi que les points H, M et N. Et on a $\frac{HB}{HC} = \frac{HM}{HN}$

D'après la réciproque du théorème de Thalès les droites (BM) et (CN) sont parallèles.

Les échelles sont parallèles.

Exercice 2

$$1/ 2 \text{ billets sur tous les billets permettent de gagner une télévision donc : } 2/300 = 1/150.$$

La probabilité de gagner une télévision en achetant un billet est de **1/150**.

$$2/ 15/300 = 1/20$$

$$3/ \text{a) } 2 \text{ télévisions : } 1000\text{€}$$

$$\text{bons de réduction : } 5 \times 100 + 10 \times 50 = 500 + 500 = 1000\text{€}$$

$$\text{et porte-clés : } 20 \times 0,5 = 10\text{€}$$

soit $1000 + 1000 + 10 = 2010\text{€}$ de dépense pour l'organisateur.

Pour être sûr de ne pas perdre d'argent il doit les vendre à $2010/300 = 6,7\text{€}$.

b) Soit x le nouveau nombre de billets. S'il vend tous les billets 2€ l'organisateur gagne $2x$ €.

Et il faut que $2x = 2010$ soit $x = 1005$.

Il faut donc qu'il ajoute $1005 - 300 = 705$ billets perdants.

Exercice 3

1/ Avant la boucle

$$a = 5$$

$$n = 0$$

$$b = 1$$

Répéter n°1

$$n = 1$$

$$b = 1 \times 5 = 5$$

Affichage : b = 5

Affichage : n = 1

Répéter n°2

$$n = 2$$

$$b = 5 \times 5 = 25$$

Affichage : b = 25

Affichage : n = 2

2/ Ce programme affiche les puissances de 5 successives : 5^1 ; 5^2 ; 5^3 jusqu'à 5^{10} .

Exercice 4

1/ Surface totale extérieur : $576 \text{ cm}^2 \rightarrow 6$ faces

d'où 1 face $\rightarrow 576 / 6 = 96 \text{ cm}^2$; une face est un carré d'où $96 = \text{côté} \times \text{côté}$

$$\text{côté} = \sqrt{96} = 4\sqrt{6}$$

Cette longueur représente l'arête du cube notée a.

Volume du cube = $a \times a \times a = (4\sqrt{6})^3 = 940,6 \text{ cm}^3 = 0,9406 \text{ L}$. **Affirmation 1 VRAIE.**

2/ Contre-exemple avec les nombres 2 et 3 :

$$\frac{1}{2+3} = \frac{1}{5} \text{ et } \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$$

Affirmation 2 FAUSSE.

3/ Baisse de 30% \rightarrow Multiplication par $(1 - \frac{30}{100}) = 0,7$ puis hausse de 50% \rightarrow multiplication par 1,5 soit globalement une multiplication par :

$$0,7 \times 1,5 = 1,05 = 1 + 0,05 = 1 + \frac{5}{100}$$

Affirmation 3 VRAIE.

4/ Comme la somme des angles d'un triangle fait 180° on a $\widehat{BDE} = 180 - 90 - 25 = 65^\circ$.

Le triangle ABD est isocèle en B d'où $\widehat{ADB} = \widehat{DAB} = 50^\circ$.

Le triangle ACD est rectangle isocèle en C d'où $\widehat{CDA} = \widehat{CAD} = \frac{(180-90)}{2} = 45^\circ$.

$\widehat{CDE} = 65 + 50 + 45 = 160^\circ$ différent de 180° donc les points C, D et E ne sont pas alignés.

Affirmation 4 FAUSSE.